



12. Übung zur Vorlesung KOMPLEXITÄTSTHEORIE

(Besprechung am 24.01.2013)

1. Aufgabe

Sei $n \in \mathbb{N}$ und sei f eine zufällige, gleichmässig verteilte Funktion von $\{0, 1\}^n \times \{0, 1\}^n$ nach $\{0, 1\}$. Finden Sie eine untere Schranke an die Wahrscheinlichkeit, dass die Kommunikationskomplexität von f die Ungleichung $D(f) \geq n - \log_2(n)$ erfüllt.

2. Aufgabe

Sei $m \in \mathbb{N}$ und $[m] := \{1, \dots, m\}$. Seien $A = (a_{i,j})_{i,j \in [m]}$ und $B = (b_{i',j'})_{i',j' \in [m]}$ Matrizen aus $\mathbb{R}^{m \times m}$. Wir bezeichnen durch $A \otimes B$ das Tensorprodukt der Matrizen A und B , d.h.

$$A \otimes B := (a_{i,j} b_{i',j'})_{(i,i'),(j,j') \in [m]^2} \in \mathbb{R}^{[m]^2 \times [m]^2}.$$

Beweisen Sie die Gleichung

$$\text{rk}(A \otimes B) = \text{rk}(A) \text{rk}(B).$$