Wieder- und Nachholungsklausur im Fach Mathematik III für die Studierenden der Studiengänge EGT, MB, MTK und VT

- 1. (8 Punkte) Von einem geraden Kreiskegel wurde der Radius r=8 cm mit einem Fehler $|dr| \leq 0,04$ cm und die Höhe h=6 cm mit einem Fehler $|dh| \leq 0,03$ cm bestimmt. Berechnen Sie unter Verwendung des totalen Differentials eine obere Schranke für den absoluten und den relativen Fehler der Kegeloberfläche $0(r;h) = \pi \cdot r^2 + \pi \cdot r \cdot \sqrt{r^2 + h^2}$!
- 2. (10 Punkte) Geben Sie von der Funktion

$$z = f(x, y) = 3x^2y - 6xy + y^3 + 3$$

- (a) die lokalen Maxima, Minima und Sattelpunkte (falls vorhanden) an;
- (b) die Tagentialebene zum Graphen der Funktion im Punkte $P_0 = (-1, 1), f(-1, 1)$ an.
- 3. (10 Punkte) Man berechne unter Verwendung von elliptischen Zylinderkoordinaten das Volumen des Körpers, der von den Flächen $z=9x^2+4y^2$ und z=4 eingeschlossen wird. Skizzieren Sie den Körper. Als elliptische Zylinderkoordinaten verwenden Sie hier $x=\frac{1}{3}r\cos\varphi,\ y=\frac{1}{2}r\sin\varphi,\ z=z$ mit $r\geq 0, 0\leq \varphi<2\pi$ und z-beliebig. Berechnen Sie die Jakobi-Determinante der Transformation.
- 4. (8 Punkte) Im Kraftfeld $\overline{F} = (2y+x)\overline{e}_1 + (x-y+1)\overline{e}_2$ wird eine Masse von A(0,1) nach B(-1,0) transportiert. Man berechne die Arbeit $\int_{\omega} \overline{F} d\overline{r} = \int_{\omega} (F_1 dx + F_2 dy)$ bei folgenden Wegen ω
 - (a) Strecke \overline{AB}
 - (b) Viertelkreis mit dem Mittelpunkt M(0,0).